

ФГБОУ ВО НОВОСИБИРСКИЙ ГАУ

МАТЕМАТИКА

Методические указания по самостоятельному изучению и выполнению
контрольных работ

для студентов направления подготовки

19.03.04 *Технология продукции и организация общественного
питания*

Новосибирск 2024

Содержание

1. Введение	4
2. Методические указания по выполнению контрольной работы	4
3. Примеры решения задач контрольной работы.....	6
4 Задания для контрольной работы.....	15
5. Вопросы к экзамену.....	24
6. Приложения.....	25
6. Литература	28

Кафедра математики и физики

Составитель: ст. преп. Т.В. Фомина.

Математика: методические указания по изучению дисциплины и задания для контрольной работы/ Новосибирский государственный аграрный университет, Инженерный институт; составитель: Т. В. Фомина
– Новосибирск: ИЦ НГАУ «Золотой колос», 2024. - 30 с.

В методических указаниях приведена рабочая учебная программа дисциплины, даны краткие указания по ее изучению и решению задач, приведены основные формулы, примеры решения, задания для контрольной работы, а также справочные данные.

Предназначены для студентов Биолого-технологического факультета по направлению подготовки **19.03.04** *Технология продукции и организация общественного питания* заочной формы обучения.

Рецензент канд. техн. наук, доц. Тарсис Е.Ю.

1. Введение

1.1. Цели и задачи дисциплины

Дисциплина *математика* предназначена для подготовки студентов по направлению *Технология производства и переработки сельскохозяйственной продукции*

Целью дисциплины является:

- освоение методологии математического мышления;
- формирование логического мышления;
- формирование навыков математического исследования прикладных вопросов;
- формирование навыков самостоятельной постановки математических задач и анализа разработанных моделей и поиска оптимальных решений актуальных практических задач;
- формирование навыков самостоятельного изучения литературы по математике.

Исходя из цели, в процессе изучения дисциплины решаются следующие задачи:

- дать обучаемому арсенал типовых приемов для решения различных задач;
- дать обучаемому основные формулы, алгоритмы, приемы решения математических задач, возникающих при исследовании прикладных проблем.

1.2. Требования к результатам освоения дисциплины

В результате изучения дисциплины студент *должен* приобрести следующие компетенции:

Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Запланированные результаты обучения
УК-1 Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач.	ИУК 1.5 Применяет алгоритмы анализа задач, выделяя их базовые составляющие	знать: основные математические законы, необходимые для решения типовых задач профессиональной деятельности уметь: использовать знания основных математических законов для решения стандартных задач профессиональной деятельности владеть: методами математического анализа, теории вероятностей, математической статистики

2. Методические указания по выполнению контрольной работы

При выполнении контрольной работы студент должен руководствоваться следующими указаниями.

1. Работа должна выполняться в отдельной тетради (в клетку), на внешней обложке которой должны быть разборчиво написаны фамилия студента, его инициалы, полный шифр, номер контрольной работы, дата отсылки работы в институт.

2. Задачи следует располагать в порядке возрастания номеров. Перед решением каждой задачи надо полностью переписать её условие.

3. Решение задач следует излагать подробно, делая соответствующие ссылки на вопросы теории с указанием необходимых формул, теорем.

4. Решение задач геометрического содержания должно сопровождаться чертежами, выполненными аккуратно, с указанием осей координат и единиц масштаба. Объяснения к

задачам должны соответствовать обозначениям, приведённым на чертежах.

5. На каждой странице тетради необходимо оставлять поля шириной 3-4 см для замечаний преподавателя.

6. Контрольная работа должна выполняться **самостоятельно**. Несамостоятельно выполненная работа лишает студента возможности проверить степень своей подготовленности по теме.

7. Если преподаватель установит **несамостоятельное выполнение работы**, то она **не будет зачтена**.

8. Получив прорецензированную работу (как зачтённую, так и незачтённую), студент должен исправить все отмеченные рецензентом ошибки и недочёты. В случае незачёта по работе студент обязан в кратчайший срок выполнить все требования рецензента и представить работу на повторное рецензирование, приложив при этом первоначально выполненную работу.

9. Студент выполняет тот вариант контрольной работы, который совпадает с последней цифрой его учебного шифра. При этом, если предпоследняя цифра учебного шифра есть число нечетное (1, 3, 5, 7, 9), то номера задач для соответствующего варианта даны в таблице 1. Если предпоследняя цифра учебного шифра есть число четное или ноль (2, 4, 6, 8, 0), то номера задач даны в таблице 2.

Таблица 1

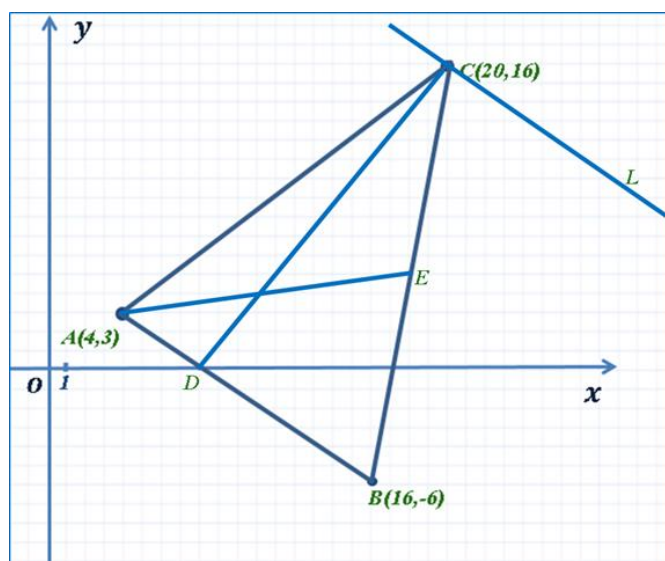
№ варианта	Номер задачи для контрольной работы				
1	1	21	41	61	81
2	2	22	42	62	82
3	3	23	43	63	83
4	4	24	44	64	84
5	5	25	45	65	85
6	6	26	46	66	86
7	7	27	47	67	87
8	8	28	48	68	88
9	9	29	49	69	89
0	10	30	50	70	90

Таблица 2

№ варианта	Номер задачи для контрольной работы				
1	11	31	51	71	91
2	12	32	52	72	92
3	13	33	53	73	93
4	14	34	54	74	94
5	115	35	55	75	95
6	16	36	56	76	96
7	17	37	57	77	97
8	18	38	58	78	98
9	19	39	59	79	99
0	20	40	60	80	100

4. Примеры решения задач контрольной работы

Пример 1: Даны координаты вершин треугольника ABC : $A(4,3)$; $B(16,-6)$; $C(20,16)$. Найти: 1) длину стороны AB ; 2) уравнения сторон AB и BC и их угловые коэффициенты; 3) уравнение высоты CD и ее длину; 4) уравнение медианы AE ; 5) уравнение прямой, проходящей через точку C параллельно стороне AB .



Решение: 1) Длина стороны **AB** равна длине вектора \overrightarrow{AB} . Найдем координаты вектора \overrightarrow{AB} : $\overrightarrow{AB} = \{16 - 4; -6 - 3\} = \{12; -9\}$ (из координат конца вычитаем координаты начала). Для того, чтобы найти длину вектора находим корень из суммы его координат, т.е. используем формулу: $|\vec{a}| = \sqrt{a_x^2 + a_y^2}$, где $\vec{a} = \{a_x; a_y\}$.

$$|\overrightarrow{AB}| = \sqrt{12^2 + (-9)^2} = \sqrt{144 + 81} = \sqrt{225} = 15$$

2) Так как прямая **AB** коллинеарна вектору \overrightarrow{AB} , то вектор \overrightarrow{AB} можно взять за направляющий вектор этой прямой. : $\vec{s}_{AB} = \overrightarrow{AB} = \{16 - 4; -6 - 3\} = \{12; -9\}$. Заметим, что обе координаты вектора \overrightarrow{AB} кратны числу 3, поэтому за направляющий вектор возьмем вектор $\{4; -3\}$. Зная направляющий вектор, можно найти вектор нормали $\vec{N}_{AB} = \{3; 4\}$ (поменяли местами координаты направляющего вектора и у одной из них поменяли знак на противоположный). Используя формулу уравнения прямой: $A(x - x_0) + B(y - y_0) = 0$,

где **A** и **B** – координаты вектора нормали, а $(x_0; y_0)$ – координаты опорной точки (за опорную точку можно взять любую точку, лежащую на прямой), получаем следующее уравнение:

$$3(x - 4) + 4(y - 3) = 0, \text{ за } (x_0; y_0) \text{ взяли координаты точки A;}$$

Раскроем скобки и приведем подобные:

$$3x - 12 + 4y - 12 = 0; \quad 3x + 4y - 24 = 0 \text{ (AB)}$$

Найдем угловой коэффициент прямой AB по формуле $K = \frac{a_y}{a_x}$, где $\{a_x; a_y\}$ – координаты направляющего вектора:

$$K_{AB} = -\frac{3}{4}.$$

3) Высота **CD** перпендикулярна стороне **AB**, поэтому за направляющий вектор **CD** можно взять направляющий вектор прямой AB: $\vec{N}_{CD} = \vec{s}_{AB} = \{4; -3\}$. Так как **CD** проходит через точку **C**, то ее возьмем за опорную. Используя уравнение прямой $A(x - x_0) + B(y - y_0) = 0$, получаем:

$$4(x - 20) - 3(y - 16) = 0;$$

$$4x - 80 - 3y + 48 = 0;$$

$$4x - 3y - 32 = 0 \text{ (CD)}$$

Чтобы найти угловой коэффициент высоты **CD**, воспользуемся условием

$$\text{перпендикулярности прямых. Так как } K_{CD} = -\frac{1}{K_{AB}} = \frac{4}{3}$$

Чтобы найти длину высоты **CD**, определим координаты точки **D** — точки пересечения прямых **AB** и **CD**, решив систему:

$$\begin{cases} 3x + 4y - 24 = 0; \\ 4x - 3y - 32 = 0. \end{cases}$$

находим $x = 8, y = 0$, т.е. $D(8,0)$.

Находим длину CD : $\overrightarrow{CD} = \{20 - 8; 16 - 0\} = \{12; 16\}$,

$$|\overrightarrow{CD}| = \sqrt{12^2 + 16^2} = \sqrt{144 + 256} = \sqrt{400} = 20$$

5) Чтобы найти уравнение медианы AE , определим координаты точки E , которая является серединой отрезка BC . Воспользуемся формулами деления отрезка пополам.

Следовательно:

$$x_E = \frac{16 + 20}{2} = 18 \quad y_E = \frac{-6 + 16}{2} = 5 \quad E(18,5)$$

$\overrightarrow{AE} = \{18 - 4; 5 - 3\} = \{14; 2\}$, $\vec{N}_{AE} = \{2; -14\}$, т.к. координаты \vec{N}_{AE} кратны двум, за вектор нормали возьмем $\{1; -7\}$, $A(4,3)$ – опорная точка.

$$1(x - 4) - 7(y - 3) = 0;$$

$$x - 4 - 7y + 21 = 0;$$

$$x - 7y + 17 = 0 \text{ (AE)}$$

6) Так как искомая прямая параллельна стороне AB , то её вектор нормали равен вектору нормали прямой AB . $\vec{N}_{CL} = \vec{N}_{AB} = \{3; 4\}$, $C(20,16)$ - опорная точка.

$$3(x - 20) + 4(y - 16) = 0;$$

$$3x - 60 + 4y - 64 = 0;$$

$$3x + 4y - 124 = 0 \text{ (CL)}$$

Пример 2. Решить систему уравнений методом Крамера.

$$\begin{cases} x_1 - 2x_2 + 3x_3 = 6, \\ 2x_1 + 3x_2 - 4x_3 = 20, \\ 3x_1 - 2x_2 - 5x_3 = 6. \end{cases}$$

Решение. Определитель системы

$$\Delta = \begin{vmatrix} 1 & -2 & 3 \\ 2 & 3 & -4 \\ 3 & -2 & -5 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} \text{разложим определитель} \\ \text{по первой строке} \end{vmatrix} = 1 \cdot \begin{vmatrix} 3 & -4 \\ -2 & -5 \end{vmatrix} - (-2) \cdot \begin{vmatrix} 2 & -4 \\ 3 & -5 \end{vmatrix} +$$

$$+ 3 \cdot \begin{vmatrix} 2 & 3 \\ 3 & -2 \end{vmatrix} = -15 - 8 + 2(-10 + 12) + 3(-4 - 9) = -58.$$

$$\Delta_1 = \begin{vmatrix} 6 & -2 & 3 \\ 20 & 3 & -4 \\ 6 & -2 & -5 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} \text{разложим определитель} \\ \text{по первой строке} \end{vmatrix} = 6 \cdot \begin{vmatrix} 3 & -4 \\ -2 & -5 \end{vmatrix} - (-2) \cdot \begin{vmatrix} 20 & -4 \\ 6 & -5 \end{vmatrix} +$$

$$+ 3 \cdot \begin{vmatrix} 20 & 3 \\ 6 & -2 \end{vmatrix} = 6(-15 - 8) + 2(-100 + 24) + 3(-40 - 18) = -464.$$

$$\Delta_2 = \begin{vmatrix} 1 & 6 & 3 \\ 2 & 20 & -4 \\ 3 & 6 & -5 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} \text{разложим определитель} \\ \text{по первой строке} \end{vmatrix} = 1 \cdot \begin{vmatrix} 20 & -4 \\ 6 & -5 \end{vmatrix} - 6 \cdot \begin{vmatrix} 2 & -4 \\ 3 & -5 \end{vmatrix} +$$

$$+ 3 \cdot \begin{vmatrix} 2 & 20 \\ 3 & 6 \end{vmatrix} = -100 + 24 - 6(-10 + 12) + 3(12 - 60) = -232.$$

$$\Delta_3 = \begin{vmatrix} 1 & -2 & 6 \\ 2 & 3 & 20 \\ 3 & -2 & 6 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} \text{разложим определитель} \\ \text{по первой строке} \end{vmatrix} = 1 \cdot \begin{vmatrix} 3 & 20 \\ -2 & 6 \end{vmatrix} - (-2) \cdot \begin{vmatrix} 2 & 20 \\ 3 & 6 \end{vmatrix} +$$

$$+ 6 \cdot \begin{vmatrix} 2 & 3 \\ 3 & -2 \end{vmatrix} = 18 + 40 + 2(12 - 60) + 6(-4 - 9) = -116.$$

При вычислении определителей можно воспользоваться так же правилом треугольников (Саррюса) .

По формулам Крамера находим

$$x_1 = \frac{\Delta_1}{\Delta} = 8, \quad x_1 = \frac{\Delta_1}{\Delta} = 4, \quad x_1 = \frac{\Delta_1}{\Delta} = 2.$$

Ответ: (8; 4; 2).

Пример 3. Решить систему уравнений методом Гаусса.

$$\begin{cases} x_1 - 2x_2 + 3x_3 = 6, \\ 2x_1 + 3x_2 - 4x_3 = 20, \\ 3x_1 - 2x_2 - 5x_3 = 6. \end{cases}$$

Решение. Применим к расширенной матрице системы элементарные преобразования:

$$\begin{aligned} & \left(\begin{array}{ccc|c} 1 & -2 & 3 & 6 \\ 2 & 3 & -4 & 20 \\ 3 & -2 & -5 & 6 \end{array} \right) \xrightarrow{\substack{(-2)(-3) \\ (-2)(-3)}} \left(\begin{array}{ccc|c} 1 & -2 & 3 & 6 \\ 0 & 7 & -10 & 8 \\ 0 & 4 & -14 & -12 \end{array} \right) \xrightarrow{(-2)} \sim \\ & \sim \left(\begin{array}{ccc|c} 1 & -2 & 3 & 6 \\ 0 & -1 & 18 & 32 \\ 0 & 4 & -14 & -12 \end{array} \right) \cdot (-1) \sim \left(\begin{array}{ccc|c} 1 & -2 & 3 & 6 \\ 0 & 1 & -18 & -32 \\ 0 & 4 & -14 & -12 \end{array} \right) \xrightarrow{(-4)} \sim \left(\begin{array}{ccc|c} 1 & -2 & 3 & 6 \\ 0 & 1 & -18 & -32 \\ 0 & 0 & 58 & 116 \end{array} \right) : 58 \\ & \sim \left(\begin{array}{ccc|c} 1 & -2 & 3 & 6 \\ 0 & 1 & -18 & -32 \\ 0 & 0 & 1 & 2 \end{array} \right) \xrightarrow{\substack{(18)(-3) \\ (18)(-3)}} \sim \left(\begin{array}{ccc|c} 1 & -2 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 4 \\ 0 & 0 & 1 & 2 \end{array} \right) \xrightarrow{(2)} \sim \left(\begin{array}{ccc|c} 1 & 0 & 0 & 8 \\ 0 & 1 & 0 & 4 \\ 0 & 0 & 1 & 2 \end{array} \right). \end{aligned}$$

Таким образом, данная система имеет единственное решение

$$\begin{cases} x_1 = 8, \\ x_2 = 4, \\ x_3 = 2. \end{cases}$$

Ответ: (8; 4; 2)

Пример 4. Найти производную: $y = 4x^3 - \frac{6}{x^3\sqrt{x}} + 3$;

Решение.

$$y' = \left(4x^3 - \frac{6}{x^3\sqrt{x}} + 3 \right)' =$$

$$= \left| \begin{array}{l} \text{Приведем функцию } y \text{ к виду, удобному для} \\ \text{дифференцирования, используя правила действия} \\ \text{со степенями:} \\ y = 4x^3 - \frac{6}{x^3 \cdot x^{\frac{1}{2}}} + 3 = 4x^3 - \frac{6}{x^{\frac{7}{2}}} + 3 = 4x^3 - 6x^{-\frac{7}{2}} + 3. \end{array} \right| =$$

$$\begin{aligned}
&= \left(4x^3 - 6x^{-\frac{7}{2}} + 3\right)' = \left| \begin{array}{l} \text{Используем правило} \\ \text{дифференцирования} \\ \text{суммы и разности функций:} \\ (\mathbf{u} \pm \mathbf{v})' = \mathbf{u}' \pm \mathbf{v}' \end{array} \right| = \\
&= (4x^3)' - \left(6x^{-\frac{7}{2}}\right)' + 3' = 4 \cdot 3x^{3-1} - 6 \cdot \left(-\frac{7}{2}\right)x^{-\frac{7}{2}-1} + 0 = \\
&= 12x^2 + 21x^{-\frac{9}{2}} = 12x^2 + \frac{21}{\sqrt{x^9}}.
\end{aligned}$$

$$\text{Ответ: } y' = 12x^2 + \frac{21}{\sqrt{x^9}}.$$

Пример 5. Найти производную: $y = 5^{x^2-3} + 3\sqrt[3]{x} \cdot \sin 2x$.

Решение.

$$y' = (5^{x^2-3} + 3\sqrt[3]{x} \cdot \sin 2x)' = (5^{x^2-3})' + (3\sqrt[3]{x} \cdot \sin 2x)' =$$

$$\left| \begin{array}{l} \text{Используем формулу:} \\ (\mathbf{a}^{\mathbf{u}})' = \mathbf{a}^{\mathbf{u}} \cdot \ln \mathbf{a} \cdot \mathbf{u}', \text{ а так же правило} \\ \text{дифференцирования произведения:} \\ (\mathbf{u} \cdot \mathbf{v})' = \mathbf{u}' \cdot \mathbf{v} + \mathbf{v}' \cdot \mathbf{u}. \end{array} \right| =$$

$$= 5^{x^2-3} \cdot \ln 5 \cdot (x^2 - 3)' + \left(3x^{\frac{1}{3}}\right)' \cdot \sin 2x + (\sin 2x)' \cdot 3\sqrt[3]{x} =$$

$$\begin{aligned}
&= \left| \begin{array}{l} \text{Используем формулы:} \\ (\mathbf{C})' = \mathbf{0}; \\ (\mathbf{u}^{\mathbf{n}})' = \mathbf{n} \cdot \mathbf{u}^{\mathbf{n}-1} \cdot \mathbf{u}'; \\ (\sin \mathbf{u})' = \cos \mathbf{u} \cdot \mathbf{u}'. \end{array} \right| = 5^{x^2-3} \cdot \ln 5 \cdot 2x + 3 \cdot \frac{1}{3} x^{-\frac{2}{3}} \cdot \sin 2x + \\
&+ \cos 2x \cdot (2x)' \cdot 3\sqrt[3]{x} = 5^{x^2-3} \cdot \ln 5 \cdot 2x + \frac{1}{\sqrt[3]{x^2}} \cdot \sin 2x + \\
&+ 6 \cdot \sqrt[3]{x} \cdot \cos 2x.
\end{aligned}$$

$$\text{Ответ: } 5^{x^2-3} \cdot \ln 5 \cdot 2x + \frac{1}{\sqrt[3]{x^2}} \cdot \sin 2x + 6 \cdot \sqrt[3]{x} \cdot \cos 2x.$$

Пример 6. Найти интеграл

$$\int \left(6x^3 - \frac{3x}{\sqrt[3]{x}} + 4x \cdot \sqrt[5]{x} - 2 + \frac{5}{x} \right) dx;$$

Решение.

Преобразуем подынтегральную функцию и воспользуемся свойствами неопределенного интеграла:

$$\int \left(6x^3 - \frac{3x}{\sqrt[3]{x}} + 4x \cdot \sqrt[5]{x} - 2 + \frac{5}{x} \right) dx = 6 \int x^3 dx - 3 \int x^{1-\frac{1}{3}} dx + 4 \int x^{1+\frac{1}{5}} dx - 2 \int dx + 5 \int \frac{dx}{x} =$$

$$= \left[\begin{array}{l} \text{Используем формулы:} \\ \int u^n du = \frac{u^{n+1}}{n+1} + C; \\ \int \frac{1}{u} du = \ln|u| + C; \\ \int du = u + C. \end{array} \right] =$$

$$= 6 \frac{x^{3+1}}{3+1} - 3 \frac{x^{\frac{2}{3}+1}}{\frac{2}{3}+1} - 4 \frac{x^{\frac{6}{5}+1}}{\frac{6}{5}+1} - 2x + 5 \ln|x| + C = \frac{3}{2}x^4 - \frac{9}{5}x^{\frac{5}{3}} - \frac{20}{11}x^{\frac{11}{5}} - 2x + 5 \ln|x| + C =$$

$$= \frac{3}{2}x^4 - \frac{9}{5}x \cdot \sqrt[3]{x^2} - \frac{20}{11}x^2 \cdot \sqrt[5]{x} - 2x + 5 \ln|x| + C.$$

Ответ:

$$\frac{3}{2}x^4 - \frac{9}{5}x \cdot \sqrt[3]{x^2} - \frac{20}{11}x^2 \cdot \sqrt[5]{x} - 2x + 5 \ln|x| + C.$$

Пример 7. В первой урне 4 белых и 6 чёрных шаров, во второй – 5 белых и 4 чёрных. Из первой урны во вторую перекладывают, не глядя, один шар, после чего из второй урны извлекают один шар. Найти вероятность, что этот шар белый. Какова вероятность, что из первой во вторую урну был переложён чёрный шар, если извлечённый

из второй урны шар оказался белым?

Решение. Пусть A – событие, состоящее в том, что извлечённый шар из второй урны оказался белым, H_1 – из первой урны во вторую переложили белый шар, H_2 – чёрный. H_1 и H_2 – гипотезы.

$$P(H_1) = \frac{4}{10} = \frac{2}{5}; P(H_2) = \frac{6}{10} = \frac{3}{5};$$

Если переложили белый шар, то во второй урне стало 10 шаров, из них 6 белых, поэтому $P(A/H_1) = \frac{6}{10}$.

Если чёрный, то шаров также 10,

но белых из них 5, поэтому $P(A/H_2) = \frac{5}{10}$

По формуле полной вероятности:

$$P(A) = P(H_1)P(A/H_1) + P(H_2)P(A/H_2) = \frac{2}{5} \cdot \frac{6}{10} + \frac{3}{5} \cdot \frac{5}{10} = \frac{27}{50}$$

$$\text{По формуле Байеса: } P(H_2/A) = \frac{P(H_2)P(A/H_2)}{P(A)} = \frac{\frac{3}{5} \cdot \frac{5}{10}}{\frac{27}{50}} = \frac{5}{9}.$$

Ответ: $\frac{5}{9}$

Пример 8. Дана таблица распределения дискретной случайной величины. Найти значение параметра a , математическое ожидание, дисперсию, среднее квадратичное отклонение, построить многоугольник распределения и график функции распределения.

№	1	2	3	4	5
x_i	11	15	18	21	23
p_i	0,1	a	0,5	0,2	0,1

Решение. Так как $\sum p_i = 1$, то
 $a = 1 - (0,1 + 0,5 + 0,2 + 0,1) = 0,1$.

Найдем математическое ожидание:

$$M(x) = \sum x_i \cdot p_i = 11 \cdot 0,1 + 15 \cdot 0,1 + 18 \cdot 0,5 + 21 \cdot 0,2 + 23 \cdot 0,1 = 18,1$$

Дисперсию будем искать по формуле: $D(x) = M(x^2) - (M(x))^2$

Составим таблицу распределения случайной величины x^2 .

№	1	2	3	4	5
x_i^2	121	225	324	441	529
p_i	0,1	0,1	0,5	0,2	0,1

$$M(x_i^2) = \sum x_i^2 \cdot p_i = 121 \cdot 0,1 + 225 \cdot 0,1 + 324 \cdot 0,5 + 441 \cdot 0,2 + 529 \cdot 0,1 = 337,7$$

$$D(x) = 337,7 - 18,1^2 = 10,09$$

Найдем среднее квадратичное отклонение:

$$\sigma(x) = \sqrt{D(x)} = \sqrt{10,09} \approx 3,176$$

Построим многоугольник распределения:



Функция распределения $F(x) = P(X < x)$ – вероятность того, что случайная величина X примет значение меньшее, чем x .

В нашем случае:
$$F(x) = \begin{cases} 0, & \text{если } x \leq 11; \\ 0.1, & \text{если } 11 < x \leq 15; \\ 0.2, & \text{если } 15 < x \leq 18; \\ 0.7, & \text{если } 18 < x \leq 21; \\ 0.9, & \text{если } 21 < x \leq 23; \\ 1, & \text{если } x > 23. \end{cases}$$

Построим график функции распределения:



Ответ: $a = 0,1$; $M(x) = 18,1$; $D(x) = 10,09$; $\sigma(x) \approx 3,176$

Задания для контрольной работы

Задача 1.

Даны координаты вершин треугольника **ABC**. Найти: 1) длину стороны **AB**; 2) уравнения сторон **AB** и **BC** и их угловые коэффициенты; 3) уравнение высоты **CD** и ее длину; 4) уравнение медианы **AE**; 5) уравнение прямой, проходящей через точку **C** параллельно стороне **AB**.

- | | | | |
|-----|---------------|--------------|--------------|
| 1. | $A(-8, -3),$ | $B(4, -12),$ | $C(8, 10).$ |
| 2. | $A(-5, 7),$ | $B(7, -2),$ | $C(11, 20).$ |
| 3. | $A(-12, -1),$ | $B(0, 10),$ | $C(4, 12).$ |
| 4. | $A(-10, 9),$ | $B(2, 0),$ | $C(6, 22).$ |
| 5. | $A(0, 2),$ | $B(12, -7),$ | $C(16, 15).$ |
| 6. | $A(-9, 6),$ | $B(3, -3),$ | $C(7, 19).$ |
| 7. | $A(1, 0),$ | $B(13, -9),$ | $C(17, 13).$ |
| 8. | $A(-4, 10),$ | $B(8, 1);$ | $C(12, 23).$ |
| 9. | $A(2, 5),$ | $B(14, -4),$ | $C(18, 18).$ |
| 10. | $A(-1, 4),$ | $B(11, -5),$ | $C(15, 17).$ |
| 11. | $A(-2, 7),$ | $B(10, -2),$ | $C(8, 12).$ |
| 12. | $A(-6, 8),$ | $B(6, -1),$ | $C(4, 13).$ |
| 13. | $A(3, 6),$ | $B(15, -3),$ | $C(13, 11).$ |
| 14. | $A(-10, 5),$ | $B(2, -4),$ | $C(0, 10).$ |
| 15. | $A(-4, 12),$ | $B(8, 3)$ | $C(6, 17).$ |
| 16. | $A(-3, 10),$ | $B(9, 1),$ | $C(7, 15).$ |
| 17. | $A(4, 1),$ | $B(16, -8),$ | $C(14, 6).$ |
| 18. | $A(-7, 4),$ | $B(5, -5),$ | $C(3, 9).$ |
| 19. | $A(0, 3);$ | $B(12, -6),$ | $C(10, 8).$ |
| 20. | $A(-5, 9),$ | $B(5, 0),$ | $C(5, 14).$ |

Задача 2.

Решите систему уравнений методом Крамера и методом Гаусса.

- | | | | | | |
|-----|--|-----|--|-----|--|
| 21. | $\begin{cases} 3x - 5y + z = 7, \\ x - y + 2z = 5, \\ 2x + y - 3z = -7. \end{cases}$ | 22. | $\begin{cases} x + y - z = -3, \\ 2x - 3y + z = 5, \\ 5x + 2y - z = -4. \end{cases}$ | 23. | $\begin{cases} 2x + y - z = -3, \\ x - 5y + 2z = 9, \\ 3x - y + z = 3. \end{cases}$ |
| 24. | $\begin{cases} x + y + z = 1, \\ 3x - y + 2z = 1, \\ 5x - 3y + z = -3. \end{cases}$ | 25. | $\begin{cases} 3x + 7y + z = -1, \\ 2x + 3y - z = -4, \\ x - 5y - z = -3. \end{cases}$ | 26. | $\begin{cases} 2x + 5y + z = 0, \\ x - 5y + z = 1, \\ 3x + y - 2z = -7. \end{cases}$ |

$$\begin{array}{lll}
27. \begin{cases} 3x - y + 2z = -4, \\ x + 3y - z = 7, \\ 2x + 4y + 2z = 6. \end{cases} & 28. \begin{cases} 5x - y + 2z = -4, \\ 3x + 2y - z = 5, \\ x - y + 5z = -7. \end{cases} & 29. \begin{cases} 2x + y - 3z = 5, \\ x + 2y + 5z = -1, \\ 7x - 4y - 3z = 0. \end{cases} \\
30. \begin{cases} 3x + y - 3z = -1, \\ 2x + 3y - 7z = 4, \\ x + y - 5z = 1. \end{cases} & 31. \begin{cases} x + 2y - 3z = 3, \\ 5x + y + 6z = -3, \\ 4x + 3y - z = 2. \end{cases} & 32. \begin{cases} 3x + 2y - 5z = 1, \\ x - y + 3z = -3, \\ 2x + y - 5z = 0. \end{cases} \\
33. \begin{cases} x + 5y + 2z = 0, \\ 3x - 4y + 7z = -1, \\ 2x - 3y + z = 3. \end{cases} & 34. \begin{cases} 3x - 4y + z = 5, \\ x + 7y - z = 3, \\ 2x - y + 3z = 1. \end{cases} & 35. \begin{cases} x + y + z = 1, \\ 5x - 3y + z = 9, \\ 3x - 7y + 6z = 0. \end{cases} \\
36. \begin{cases} x - 3y + 5z = 5, \\ 3x + 4y - 3z = 2, \\ 2x + 3y - 7z = 1. \end{cases} & 37. \begin{cases} 3x - 2y + 5z = 8, \\ 2x + 3y - z = 1, \\ x + 3y - 7z = -1. \end{cases} & 38. \begin{cases} 2x + 3y - 5z = 1, \\ x - y - z = 3, \\ 5x + 3y - 4z = 7. \end{cases} \\
39. \begin{cases} 5x + 2y - 7z = 0, \\ 3x - 2y + z = 2, \\ x - 3y + 5z = 3. \end{cases} & 40. \begin{cases} x + y + z = 3, \\ 5x - 2y + 4z = 7, \\ 8x + 2y - 7z = 3. \end{cases} &
\end{array}$$

Задача 3.

В п. а) и б) найти производные указанных функций, в п. в) найти неопределенный интеграл.

$$41. \quad \text{а) } y = \frac{3}{5}x^2 - \frac{1}{3x^6} - \frac{1}{3x^3} + \frac{2}{\sqrt{x}} + 3, \quad \text{б) } y = (e^x + \operatorname{tg} x) \cdot (\ln x - \operatorname{ctg} x),$$

$$\text{в) } \int \left(2x - \frac{5}{x^6} - \frac{1}{\sqrt{x}} + 2 \right) dx.$$

$$42. \quad \text{а) } y = \frac{1}{5}x^5 - \frac{2}{3x^6} - \frac{3}{\sqrt[3]{x}} + 2, \quad \text{б) } y = \frac{\cos x - \operatorname{tg} x}{3^x - \ln x},$$

$$\text{в) } \int \left(2x^3 - \frac{8}{x^8} - \frac{1}{\sqrt{x}} - x \right) dx.$$

$$43. \quad \text{а) } y = \frac{2}{3}x^3 - \frac{1}{3x^9} + \frac{5}{\sqrt[5]{x^2}} + 1, \quad \text{б) } y = (\operatorname{arctg} x + 5^x) \cdot (\cos x - \sqrt{x}),$$

$$\text{в) } \int \left(6x - \frac{5}{x^6} - \frac{4}{\sqrt[4]{x}} + \cos x \right) dx.$$

$$44. \quad \text{a) } y = \frac{1}{7}x^7 - \frac{1}{5x^5} + \frac{3}{5\sqrt{x}} + 1,$$

$$\text{b) } \int \left(x - \frac{5}{x^6} - 5\sqrt[5]{x} + 3 \right) dx.$$

$$\text{б) } y = \frac{5 - \ln x}{\cos x - 2},$$

$$45. \quad \text{a) } y = \frac{1}{4}x^8 - \frac{2}{x^4} + \frac{8}{\sqrt[8]{x}} + 3,$$

$$\text{б) } \int \left(x^3 - \frac{2}{x^2} + \frac{1}{\sqrt{x}} + 1 \right) dx.$$

$$\text{б) } y = \frac{e^x - \sin x}{\cos x + \sqrt{x}},$$

$$46. \quad \text{a) } y = \frac{1}{5}x^5 - \frac{1}{2x^2} - 3\sqrt[3]{x} - 4,$$

$$\text{б) } \int \left(2x^4 - \frac{5}{x} - \sqrt{x} + x \right) dx.$$

$$\text{б) } y = (2^x + \cos x) \cdot (\ln x - \sin x),$$

$$47. \quad \text{a) } y = \frac{7}{8}x^8 - 5\sqrt[5]{x^2} - \frac{1}{3x^3} - 1,$$

$$\text{б) } \int \left(x - \frac{2}{x^2} - \sqrt[3]{x^4} - 2 \right) dx.$$

$$\text{б) } y = \frac{\cos x - 2^x}{\operatorname{tg} x - \sqrt{x}},$$

$$48. \quad \text{a) } y = \frac{3}{5}x^5 - \frac{2}{2x^3} - \frac{3}{3\sqrt[4]{x^3}} + 3,$$

б)

$$\int \left(3x^3 - \frac{1}{x} - \frac{4}{\sqrt[4]{x}} + 7 \right) dx.$$

$$\text{б) } y = (\arcsin x - e^x) \cdot (\ln x + 2^x),$$

$$49. \quad \text{a) } y = \frac{1}{4}x^4 - \frac{2}{3x^3} - \frac{3}{7\sqrt[7]{x^3}} - 1,$$

$$\text{б) } \int \left(2x^5 - \frac{5}{x^5} - \sqrt[6]{x^2} + x \right) dx.$$

$$\text{б) } y = \frac{5^x + \cos x}{\sqrt{x} - \operatorname{tg} x},$$

$$50. \quad \text{a) } y = 4x^3 - \frac{2}{x^2} - \frac{3}{\sqrt[5]{x}} + 1,$$

$$\text{б) } \int \left(x - \frac{3}{x^6} + x^4 - 1 \right) dx.$$

$$\text{б) } y = (\sqrt{x} + 5e^x) \cdot (\ln x + \sin x),$$

$$51. \quad \text{a) } y = 3x^4 - \frac{5}{3x^3} - 9\sqrt[3]{x^2} - 1,$$

$$\text{б) } \int \left(2\sqrt{x} - \frac{2}{x^6} - \frac{1}{\sqrt{x}} + x \right) dx.$$

$$\text{б) } y = \frac{\operatorname{arctg} x - \sqrt{x}}{1 + x^2},$$

52. a) $y = 2x^5 - \frac{1}{3x^3} + \frac{4}{\sqrt[4]{x}} + 3$,
 б) $\int (2x^5 - \frac{5}{x^5} - \sqrt[6]{x^2} + x) dx$.
53. a) $y = 4x^2 - \frac{5}{6x^5} + \frac{10}{\sqrt[5]{x^4}} + 3$,
 б) $\int (2x + x^6 - \frac{1}{\sqrt{x}} + 2) dx$.
54. a) $y = 3x^5 - \frac{2}{3x^3} + \frac{6}{\sqrt[3]{x^2}} + 3$,
 б) $\int (x - \frac{7}{x^2} - \frac{8}{\sqrt{x}} + 3) dx$.
55. a) $y = 3x^5 - \frac{5}{4x^4} - \frac{3}{\sqrt[3]{x^2}} + 1$,
 б) $\int (x - \frac{3}{x^6} + \sqrt[5]{x} + 4) dx$.
56. a) $y = 7x^4 - \frac{5}{2x^6} + \sqrt[5]{x^3} - 4$,
 б) $\int (2x + \frac{5}{x^6} - \frac{1}{\sqrt{x}} + e^x) dx$.
57. a) $y = 3x^2 - \frac{4}{3x^3} - \frac{3}{\sqrt[3]{x}} + 1$,
 б) $\int (4x^4 - \frac{5}{x} - \sqrt[8]{x^6} + 2) dx$.
58. a) $y = \frac{2}{3}x^3 - \frac{2}{3x^3} - \frac{8}{\sqrt{x}} + 3$,
 б) $\int (2\sqrt{x} - \frac{2}{x^6} - \frac{1}{\sqrt{x}} + x) dx$.
59. a) $y = \frac{5}{4}x^4 - \frac{1}{6x^6} - \frac{7}{\sqrt[7]{x^2}} + 2$,
 б) $\int (x - \frac{3}{x^6} + x^4 - 1) dx$.
60. $y = (x^2 - 2) \cdot (\sin x + 2^x)$,
61. $y = (1 - x^2) \cdot (\operatorname{ctg} x + 3^x)$,
62. $y = \frac{5x + \sqrt{x}}{\operatorname{ctg} x - 2}$,
63. $y = \frac{\cos x - 3^x}{\operatorname{tg} x - 5}$,
64. $y = (\sin x - \sqrt[3]{x}) \cdot (\ln x + e^x)$,
65. $y = \frac{\sin 8x + 2 \cos 2x}{x + \ln x}$,
66. $y = (\cos x + \sqrt{x}) \cdot (\operatorname{tg} x + e^x)$,
67. $y = \frac{\sin 3x + 2}{1 + \ln 6x}$,

60. а) $y = \frac{1}{5}x^3 - 6\sqrt[7]{x} + 5,$

б) $y = \frac{\sin x - \cos x}{5^x + \ln x},$

в) $\int (x - \frac{5}{x^6} - 5\sqrt[5]{x} + 3)dx.$

Задача 4.

61. Лабораторное животное либо здорово (с вероятностью 0.9), либо нет. Если животное здорово, то оно может выполнить некоторое задание в 75% всех попыток. Если животное нездорово, то оно способно выполнить это задание лишь в 40% всех попыток. Допустим, что предпринимается попытка и животное справилось с заданием. Какова вероятность того, что животное здорово?

62. Вакцина формирует иммунитет у животных против туберкулеза в 95% случаев. Вакцинировалось 30% животных. Вероятность заболеть туберкулезом у вакцинированного животного без иммунитета такая же, как у не вакцинированного. Какова вероятность того, что животное, заболевшее туберкулезом, было вакцинировано?

63. В некоторой большой популяции число черноволосых и рыжих одинаково. Замечено, что у 30% людей с черными волосами глаза голубые, так же, как и у 50% людей с рыжими волосами. Из тех, у кого черные или рыжие волосы, случайно выбирают одного человека и оказывается, что у него голубые глаза. Какова вероятность того, что у этого человека черные волосы?

64. В одной большой частной лечебнице согласно оценкам 50% мужчин и 30% женщин имеют серьезные нарушения сердечной деятельности. В этой лечебнице женщин вдвое больше, чем мужчин. У случайно выбранного пациента оказалось серьезное нарушение сердечной деятельности. Какова вероятность, что этот пациент мужчина?

65. Большая популяция людей разбита на 2 группы одинаковой численности. Диета одной группы отличалась высоким содержанием ненасыщенных жиров, а диета контрольной группы была богата насыщенными жирами. После 10 лет пребывания на этих диетах возникновение сердечно-сосудистых заболеваний составило в этих группах 31% и 48%. Случайно выбранный из популяции человек имеет сердечно-сосудистое заболевание. Какова вероятность того, что этот человек принадлежит к контрольной группе?

66. Предположим, что в некоторой большой популяции мужчин и женщин поровну. В этой популяции 5% мужчин и 0.25% женщин страдают дальтонизмом. Случайным образом выбирают одного дальтоника. Какова вероятность, что этот человек-мужчина?

67. Некоторое заболевание, встречающееся у 5% населения, с трудом поддается диагностике. Один грубый тест на это заболевание даёт положительный результат в

60% случаев, когда пациент действительно болен, и в 30% случаев, когда у пациента нет этого заболевания. Пусть для конкретного пациента этот тест даёт положительный результат. Какова вероятность, что у него есть это заболевание?

68. Два автомата производят одинаковые хирургические зажимы. Производительность первого автомата вдвое больше, чем второго. Первый автомат производит в среднем 60% зажимов отличного качества, а второй-84%. Наудачу взятый зажим оказался отличного качества. Найти вероятность того, что он произведён первым автоматом.

69. Имеются 2 партии изделий по 12 и 10 штук, причем в каждой партии одно изделие бракованное. Изделие, взятое наудачу из первой партии, переложено во вторую, после чего выбирается наудачу изделие из второй партии. Определить вероятность извлечения бракованного изделия из второй партии.

70. Положение курса корабля при прохождении пролива равновозможно по ширине пролива, которая равна 3 км. Вероятность подрыва на mine в левой части пролива шириной 1 км. равна 0.8, а в остальной части — 0.4. Корабль прошел пролив. Какова вероятность того, что он проходил через левую часть пролива?

71. Деталь, изготовленная на заводе, попадает на проверку к одному из двух контролеров. К первому контролеру попадает 60% всех деталей. Из них 94% первый контролер признал стандартными. Вторым контролер признал стандартными 98% деталей. Найти вероятность того, что взятая наугад, оказавшаяся стандартной, деталь проверена первым контролером.

72. В канцелярии работают 4 секретарши, которые отправляют соответственно 40, 10, 30, 20 процентов исходящих бумаг. Вероятности неверной адресации бумаг секретаршами равны соответственно 0.01, 0.04, 0.06, 0.01. Найти вероятность того, что документ, неверно адресованный, отправлен третьей секретарше.

73. В пирамиде 10 винтовок, из которых 4 снабжены оптическими прицелами. Вероятность того, что стрелок поразит мишень при выстреле из винтовки с оптическим прицелом равна 0.95; для винтовки без оптического прицела — 0.8. Стрелок поразил цель из наудачу взятой винтовки. Что вероятнее: стрелок стрелял из винтовки с оптическим прицелом или без него?

74. Проверяется партия изделий, среди которых 10 процентов дефектных. Контролер с вероятностью 0.95 обнаруживает дефект, если он есть, и с вероятностью 0.02 может признать исправную деталь дефектной. Найти вероятность того, что случайно взятое изделие будет признано дефектным.

75. В ящике лежат 20 теннисных мячей, в том числе 15 новых и 5 использованных. Для игры наудачу выбираются два мяча и после игры возвращаются обратно. Для второй игры также наугад берутся два мяча. Найти вероятность того, что все мячи, взятые для второй игры новые.

76. Число грузовых машин, проезжающих по шоссе, на котором стоит бензоколонка, относится к числу легковых машин, проезжающих по тому же шоссе, как 4:1. Вероятность того, что будет заправляться грузовая машина, равна 0,2; для

легковой машины эта вероятность равна 0,3. К бензоколонке подъезжала для заправки машина. Найти вероятность того, что эта машина грузовая.

77. Всем пациентам с подозрением на гепатит делают анализ крови. Если анализ выявляет гепатит, то результат анализа называется положительным. У больных гепатитом пациентов анализ даёт положительный результат с вероятностью 0,9. Если пациент не болен гепатитом, то анализ может дать ложный положительный результат с вероятностью 0,01. Известно, что 5 % пациентов, поступающих с подозрением на гепатит, действительно больны гепатитом. Найдите вероятность того, что результат анализа у пациента, поступившего в клинику с подозрением на гепатит, будет положительным.

78. Из полного набора домино вынули одну кость и отложили в сторону. Из оставшихся костей наудачу взяли две. Найти вероятность того, что обе кости являются дублями.

79. Группа состоит из 5 отличников, 15 хорошо успевающих и 5 занимающихся слабо. Отличники на предстоящем экзамене могут получить только отличные отметки, хорошо успевающие студенты могут получить с равной вероятностью хорошие и отличные отметки. Слабо занимающиеся студенты могут получить с равной вероятностью хорошие, удовлетворительные и неудовлетворительные отметки. Для сдачи наугад назван студент. Какова вероятность того, что он получит хорошую отметку?

80. В первой коробке содержится 10 карандашей, из них 5 красных; во второй 20 карандашей, из них 3 красных. Из первой коробки переложили во вторую 1 карандаш. Найти вероятность того, что карандаш, наудачу извлеченный из второй коробки, будет красным.

Задача 5.

В задачах **81 – 100.** Дана таблица распределения дискретной случайной величины. Найти значение параметра a , математическое ожидание, дисперсию, построить график функции распределения .

81.

№	1	2	3	4	5
x_i	22	25	28	31	33
p_i	0,1	a	0,4	0,2	0,1

82.

№	1	2	3	4	5
x_i	2	5	7	10	12
p_i	0,2	0,4	a	0,1	0,1

83.

N_0	1	2	3	4	5
x_i	12	15	17	20	22
p_i	0,2	0,3	a	0,1	0,1

84.

N_0	1	2	3	4	5
x_i	2	3	7	8	12
p_i	0,1	0,5	a	0,2	0,1

85.

N_0	1	2	3	4	5
x_i	2	5	17	18	20
p_i	0,2	0,4	a	0,1	0,2

86.

N_0	1	2	3	4	5
x_i	3	6	7	11	14
p_i	0,2	0,4	a	0,1	0,1

87.

N_0	1	2	3	4	5
x_i	32	35	37	40	42
p_i	0,2	0,4	a	0,1	0,1

88.

N_0	1	2	3	4	5
x_i	21	52	71	80	90
p_i	0,1	0,2	a	0,2	0,1

89.

N_0	1	2	3	4	5
x_i	21	25	27	30	32
p_i	0,2	0,3	a	0,2	0,1

90.

N_0	1	2	3	4	5
x_i	-1	0	7	10	12
p_i	0,2	0,3	a	0,1	0,2

91.

N_0	1	2	3	4	5
x_i	-2	-1	0	3	4
p_i	0,2	0,4	a	0,1	0,1

92.

N_0	1	2	3	4	5
x_i	21	23	27	29	30
p_i	0,2	0,4	a	0,1	0,1

93.

N_0	1	2	3	4	5
x_i	40	45	46	47	48
p_i	0,2	0,4	a	0,1	0,1

94.

N_0	1	2	3	4	5
x_i	2	3	7	8	11
p_i	0,2	a	0,3	0,1	0,1

95.

N_0	1	2	3	4	5
x_i	12	15	16	19	20
p_i	0,2	0,4	a	0,1	0,1

96.

N_0	1	2	3	4	5
x_i	21	23	25	28	30
p_i	0,2	0,3	a	0,1	0,1

97.

N_i	1	2	3	4	5
x_i	42	45	47	50	52
p_i	0,2	0,4	a	0,1	0,1

98.

N_i	1	2	3	4	5
x_i	20	42	71	79	85
p_i	0,1	0,2	a	0,2	0,1

99.

N_i	1	2	3	4	5
x_i	10	12	15	19	23
p_i	0,3	0,1	a	0,2	0,1

100.

N_i	1	2	3	4	5
x_i	22	27	31	35	40
p_i	0,1	0,1	a	0,2	0,3

Список вопросов к экзамену

1. Определители. Вычисление определителей 3-го порядка.
2. Матрицы.
3. Решение систем линейных уравнений по правилу Крамера и методом Гаусса.
4. Уравнение прямой на плоскости. Взаимное расположение прямых.
5. Применение методов аналитической геометрии к задачам оптимизации с/х. производства.
6. Функция, предел функции.
7. Замечательные пределы.

8. Производная функции, основные правила дифференцирования.
9. Дифференциал функции.
10. Первообразная функция. Неопределенный интеграл.
11. Определенный интеграл.
12. Приложения определенного интеграла в биологии и геометрии.
13. Дифференциальные уравнения.
14. Ряды.
15. События. Вероятность события.
16. Теорема сложения и умножения вероятностей.
17. Формула полной вероятности. Формула Байеса.
18. Формулы: Бернулли, Пуассона, Муавра-Лапласа.
19. Дискретные, случайные величины, их числовые характеристики.
20. Непрерывные случайные величины. Интегральные и дифференциальные функции распределения.
21. Нормальное распределение. Правило 3-х сигм.
22. Теорема Ляпунова.
23. Основные понятия и определения математической статистики.

Приложение 1

Таблица значений функции $\Phi(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_0^x e^{-z^2/2} dz$

x	$\Phi(x)$	x	$\Phi(x)$	x	$\Phi(x)$	x	$\Phi(x)$	x	$\Phi(x)$
0,00	0,0000	0,52	0,1985	1,04	0,3508	1,56	0,4406	2,16	0,4846
0,01	0,0040	0,53	0,2019	1,05	0,3531	1,57	0,4418	2,18	0,4854
0,02	0,0080	0,54	0,2054	1,06	0,3554	1,58	0,4429	2,20	0,4861
0,03	0,0120	0,55	0,2088	1,07	0,3577	1,59	0,4441	2,22	0,4868
0,04	0,0160	0,56	0,2123	1,08	0,3599	1,60	0,4452	2,24	0,4875

0,05	0,0199	0,57	0,2157	1,09	0,3621	1,61	0,4463	2,26	0,4881
0,06	0,0239	0,58	0,2190	1,10	0,3643	1,62	0,4474	2,28	0,4887
0,07	0,0279	0,59	0,2224	1,11	0,3665	1,63	0,4484	2,30	0,4893
0,08	0,0319	0,60	0,2257	1,12	0,3686	1,64	0,4495	2,32	0,4898
0,09	0,0359	0,61	0,2291	1,13	0,3708	1,65	0,4505	2,34	0,4904
0,10	0,0398	0,62	0,2324	1,14	0,3729	1,66	0,4515	2,36	0,4909
0,11	0,0438	0,63	0,2357	1,15	0,3749	1,67	0,4525	2,38	0,4913
0,12	0,0478	0,64	0,2389	1,16	0,3770	1,68	0,4535	2,40	0,4918
0,13	0,0517	0,65	0,2422	1,17	0,3790	1,69	0,4545	2,42	0,4922
0,14	0,0557	0,66	0,2454	1,18	0,3810	1,70	0,4554	2,44	0,4927
0,15	0,0596	0,67	0,2486	1,19	0,3830	1,71	0,4564	2,46	0,4931
0,16	0,0636	0,68	0,2517	1,20	0,3849	1,72	0,4573	2,48	0,4934
0,17	0,0675	0,69	0,2549	1,21	0,3869	1,73	0,4582	2,50	0,4938
0,18	0,0714	0,70	0,2580	1,22	0,3888	1,74	0,4591	2,52	0,4941
0,19	0,0753	0,71	0,2611	1,23	0,3907	1,75	0,4599	2,54	0,4945
0,20	0,0793	0,72	0,2642	1,24	0,3925	1,76	0,4608	2,56	0,4948
0,21	0,0832	0,73	0,2673	1,25	0,3944	1,77	0,4616	2,58	0,4951
0,22	0,0871	0,74	0,2703	1,26	0,3962	1,78	0,4626	2,60	0,4953
0,23	0,0910	0,75	0,2734	1,27	0,3980	1,79	0,4633	2,62	0,4956
0,24	0,0948	0,76	0,2764	1,28	0,3997	1,80	0,4641	2,64	0,4959
0,25	0,0987	0,77	0,2794	1,29	0,4015	1,81	0,4649	2,66	0,4961
0,26	0,1026	0,78	0,2823	1,30	0,4032	1,82	0,4656	2,68	0,4963
0,27	0,1064	0,79	0,2852	1,31	0,4049	1,83	0,4664	2,70	0,4965
0,28	0,1103	0,80	0,2881	1,32	0,4066	1,84	0,4671	2,72	0,4967
0,29	0,1141	0,81	0,2910	1,33	0,4082	1,85	0,4678	2,74	0,4969
0,30	0,1179	0,82	0,2939	1,34	0,4099	1,86	0,4686	2,76	0,4971
0,31	0,1217	0,83	0,2967	1,35	0,4115	1,87	0,4693	2,78	0,4973
0,32	0,1255	0,84	0,2995	1,36	0,4131	1,88	0,4699	2,80	0,4974
0,33	0,1293	0,85	0,3023	1,37	0,4147	1,89	0,4706	2,82	0,4976
0,34	0,1331	0,86	0,3051	1,38	0,4162	1,90	0,4713	2,84	0,4977
0,35	0,1368	0,87	0,3078	1,39	0,4177	1,91	0,4719	2,86	0,4979
0,36	0,1406	0,88	0,3106	1,40	0,4192	1,92	0,4726	2,88	0,4980
0,37	0,1443	0,89	0,3133	1,41	0,4207	1,93	0,4732	2,90	0,4981
0,38	0,1480	0,90	0,3159	1,42	0,4222	1,94	0,4738	2,92	0,4982
0,39	0,1517	0,91	0,3186	1,43	0,4236	1,95	0,4744	2,94	0,4984
0,40	0,1554	0,92	0,3212	1,44	0,4251	1,96	0,4750	2,96	0,4985
0,41	0,1591	0,93	0,3238	1,45	0,4265	1,97	0,4756	2,98	0,4986

0,42	0,1628	0,94	0,3264	1,46	0,4279	1,98	0,4761	3,00	0,49865
0,43	0,1664	0,95	0,3289	1,47	0,4292	1,99	0,4767	3,20	0,49931
0,44	0,1700	0,96	0,3315	1,48	0,4306	2,00	0,4772	3,40	0,49966
0,45	0,1736	0,97	0,3340	1,49	0,4319	2,02	0,4783	3,60	0,499841
0,46	0,1772	0,98	0,3365	1,50	0,4332	2,04	0,4793	3,80	0,499928
0,47	0,1808	0,99	0,3389	1,51	0,4345	2,06	0,4803	4,00	0,499968
0,48	0,1844	1,00	0,3413	1,52	0,4357	2,08	0,4812	4,50	0,499997
0,49	0,1879	1,01	0,3438	1,53	0,4370	2,10	0,4821	5,00	0,499997
0,50	0,1915	1,02	0,3461	1,54	0,4382	2,12	0,4830		
0,51	0,1950	1,03	0,3485	1,55	0,4394	2,14	0,4838		

Приложение 2

Таблица значений функции $\varphi(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-x^2/2}$

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0,0	0,3989	3989	3989	3988	3986	3984	3982	3980	3977	3973
0,1	3970	3985	3961	3956	3951	3945	3939	3932	2925	3918
0,2	3910	3902	3894	3885	3876	3867	3857	3847	3836	3825
0,3	3814	3802	3790	3778	3765	3752	3739	3726	3712	3697
0,4	3683	3668	3652	3637	3621	3605	3589	3572	3555	3538
0,5	3521	3503	3485	3467	3448	3429	3410	3391	3372	3352
0,6	3332	3312	3292	3271	3251	3230	3209	3187	3166	3144
0,7	3123	3101	3079	3056	3034	3011	2989	2966	2943	2920
0,8	2897	2874	2850	2827	2803	2780	2756	2732	2709	2685
0,9	2661	2637	2613	2589	2565	2541	2516	2492	2468	2444
1,0	0,2420	2396	2371	2347	2323	2299	2275	2251	2227	2203
1,1	2179	2155	2131	2107	2083	2059	2036	2012	1989	1965
1,2	1942	1919	1895	1872	1849	1826	1804	1781	1758	1736
1,3	1714	1691	1669	1647	1626	1604	1582	1561	1539	1518
1,4	1497	1476	1456	1435	1415	1394	1374	1354	1334	1315
1,5	1295	1276	1257	1238	1219	1200	1182	1163	1145	1127
1,6	1109	1092	1074	1057	1040	1023	1006	0989	0973	0957
1,7	0940	0925	0909	0893	1878	0863	0848	0833	0818	0804

1,8	0790	0775	0761	0748	0734	0721	0707	0694	0681	0669
1,9	0656	0644	0632	0620	0608	0596	0584	0573	0562	0551
2,0	0,0540	0529	0519	0508	0498	0488	0478	0468	0459	0449
2,1	0440	0431	0422	0413	0404	0396	0387	0379	0371	0363
2,2	0335	0347	0339	0332	0325	0317	0310	0303	0297	0290
2,3	0283	0277	0270	0264	0258	0252	0246	0241	0235	0229
2,4	0224	0219	0213	0208	0203	0198	0194	0189	0184	0180
2,5	0175	0171	0167	0163	0158	0154	0151	0147	0143	0139
2,6	0136	0132	0129	0126	0122	0119	0116	0113	0110	0107
2,7	0104	0101	0099	0096	0093	0091	0088	0086	0084	0081
2,8	0079	0077	0075	0073	0071	0069	0067	0065	0063	0061
2,9	0060	0058	0056	0055	0053	0051	0050	0048	0047	0046
3,0	0,0044	0043	0042	0040	0039	0038	0037	0036	0035	0034
3,1	0033	0032	0031	0030	0029	0028	0027	0026	0025	0025
3,2	0024	0023	0022	0022	0021	0020	0020	0019	0018	0018
3,3	0017	0017	0016	0016	0015	0015	0014	0014	0013	0013
3,4	0012	0012	0012	0011	0011	0010	0010	0010	0009	0009
3,5	0009	0008	0008	0008	0008	0007	0007	0007	0007	0006
3,6	0006	0006	0006	0005	0005	0005	0005	0005	0005	0004
3,7	0004	0004	0004	0004	0004	0004	0003	0003	0003	0003
3,8	0003	0003	0003	0003	0003	0003	0002	0002	0002	0002
3,9	0002	0002	0002	0002	0002	0002	0002	0002	0001	0001

Список основной литературы

1. Шипачев, В. С. **Высшая математика** : учебник / В. С. Шипачев. — Москва : ИНФРА-М, 2024. — 479 с. — (Высшее образование). — DOI 10.12737/5394. - ISBN 978-5-16-010072-2. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/2085943>
2. Коган, Е. А. **Теория вероятностей и математическая статистика** : учебник / Е. А. Коган, А. А. Юрченко. — Москва : ИНФРА-М, 2023. — 250 с. — (Высшее образование: Бакалавриат). — DOI 10.12737/textbook_5cde54d3671a96.35212605. - ISBN 978-5-16-014235-7. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1920312>

3. 4.2. Список дополнительной литературы

1. Ячменёв, Л.Т. **Высшая математика**: учебник / Л.Т. Ячменёв. — Москва: РИОР: ИНФРА-М, 2020. — 752 с. — (Высшее образование: Бакалавриат). - ISBN 978-5-369-01032-7 (РИОР) ; ISBN 978-5-16-005400-1 (ИНФРА-М). - Текст: электронный. - URL:

Математика: Методические указания по самостоятельному изучению
дисциплины
и выполнению контрольной работы

Составитель: Фомина Татьяна Викторовна

Подписано к печати “__” _____ 201_ г.

Формат 84×108/32 Объём 1,4 уч.-изд.л. Тираж 100 экз.

Издательский центр НГАУ 630039, Новосибирск, ул. Добролюбова, 160