

ФГБОУ ВО Университет биотехнологий

Кафедра математики и физики

Рег. № 1111.03-08 0/3

«20.01» 2026г.

УТВЕРЖДАЮ:

И.о. директора института цифровых

технологий

Агафонова О.В.



ФГОС 2017 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Б1.О.08 Линейная алгебра

Шифр и наименование дисциплины

09.03.03 Прикладная информатика

Код и наименование направления подготовки

Прикладная информатика

Направленность (профиль)

Курс: 1

Семестр: 1

Институт цифровых
технологий

очная, заочная

очная, заочная, очно-заочная

Объем дисциплины (модуля)

Вид занятий	Объем занятий [зачетных ед./часов]			Семестр
	очная	заочная	очно-заочная	
Общая трудоемкость по учебному плану	3/108	3/108		1
В том числе,				
Контактная работа	38	12		1
Занятия лекционного типа	18	6		
Занятия семинарского типа	20	6		
Самостоятельная работа, всего	70	96		
В том числе:				
Курсовой проект / курсовая работа				
Контрольная работа / реферат / РГР	К	К		1
Форма контроля экзамен / зачет / зачет с оценкой	Э	Э		1

Рабочая программа составлена на основании требований Федерального государственного образовательного стандарта высшего образования - бакалавриат по направлению подготовки 09.03.03 Прикладная информатика, утвержденного приказом Минобрнауки России от 19.09.2017 № 922.

Программу разработал:

Доцент кафедры математики и
физики

(должность)



подпись

Тарсис Е.Ю.

ФИО

1. Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю), соотнесенные с результатами освоения образовательной программы

Дисциплина «Линейная алгебра» в соответствии с требованиями ФГОС ВО направлена на формирование следующих компетенций (УК-1, ОПК-1):

Таблица 1. Связь результатов обучения с приобретаемыми компетенциями

Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Запланированные результаты обучения
УК-1. Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач.	ИУК-1.1. Демонстрирует знание критического мышления и навыки системного подхода.	знать: основные понятия и инструменты математического анализа необходимые для критического мышления и системного подхода к решению поставленных задач; уметь: критически мыслить; владеть: навыками системного подхода.
	ИУК-1.2. Анализирует задачу, выделяя ее базовые составляющие.	знать: основы критического анализа и синтеза информации; уметь: выделять базовые составляющие поставленных задач; владеть: методами математического анализа.
ОПК-1. Способен применять естественнонаучные и инженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности.	ИОПК-1.1. Решает стандартные профессиональные задачи с применением естественнонаучных и инженерных знаний, методов математического анализа и моделирования.	знать: методы и алгоритмы линейной алгебры; уметь: применять методы и алгоритмы линейной алгебры для моделирования и исследования в области связи и информационных технологий; владеть: аппаратом линейной алгебры при решении профессиональных задач

2. Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы

Дисциплина Б1.О.08 Линейная алгебра относится к обязательной части.

Данная дисциплина является основой для последующего изучения дисциплин: «Математический анализ», «Теория вероятности и математическая статистика», «Макроэкономика», «Эконометрика», «Количественные методы принятия управленческих решений», «Планирование и управление данными».

3. Содержание дисциплины

Распределение часов по темам и видам занятий представлено в таблице 2.1 очной формы обучения и таблице 2.2 заочной формы обучения.

Таблица 2.1 Очная форма

№ п/п	Наименование разделов и тем	Количество часов				Формируемые компетенции
		Лекции (Л)	Вид занятия (ПЗ)	Самостоятельная работа (СР)	Всего по теме	
1	2	3	4	5	6	7
	Семестр 1					
	Раздел 1. Матрицы и определители.					
1.1.	Элементы матричной алгебры.	1	1	2	4	УК-1 ОПК-1
1.2.	Определители.	2	1	3	6	
1.3.	Ранг матрицы. Обратная матрица.	2	1	3	6	
	Раздел 2. Системы линейных алгебраических уравнений.					
2.1.	Основные понятия. Квадратные СЛАУ.	2	2	3	7	УК-1 ОПК-1
2.2.	Прямоугольные СЛАУ. Метод Гаусса.	2	2	3	7	
2.3.	Однородные СЛАУ.	1	2	2	5	
	Раздел 3. Элементы векторной алгебры.					
3.1.	Геометрические векторы на плоскости и в пространстве.	1	1	2	4	УК-1 ОПК-1
3.2.	Аффинная система координат.	1	1	1	3	
3.3.	Скалярное произведение векторов.	1	1	1	3	
	Раздел 4. Линейные пространства.					
4.1.	Базис и размерность линейного пространства.	1	1	2	4	УК-1 ОПК-1
4.2.	Примеры линейных пространств.	1	1	2	4	
	Раздел 5. Элементы аналитической геометрии. Комплексные числа.					
5.1.	Прямая и плоскость.	1	2	3	6	УК-1
5.2.	Кривые второго порядка.	1	2	2	5	
5.3.	Комплексные числа и действия над ними.	1	2	2	5	
	Контрольная работа			12	12	УК-1
	Экзамен			27	27	УК-1 ОПК-1
	Итого	18	20	70	108	

Таблица 2.1 Заочная форма

№ п/п	Наименование разделов и тем	Количество часов				Формируемые компетенции
		Лекции (Л)	Вид занятия (ПЗ)	Самостоятельная работа (СР)	Всего по теме	
1	2	3	4	5	6	7
	Семестр 1					
	Раздел 1. Матрицы и определители.					
1.1.	Элементы матричной алгебры.	1	1	5	7	УК-1 ОПК-1
1.2.	Определители.			5	5	
1.3.	Ранг матрицы. Обратная матрица.			5	5	
	Раздел 2. Системы линейных алгебраических уравнений.					
2.1.	Основные понятия. Квадратные СЛАУ.	1		5	6	УК-1 ОПК-1
2.2.	Прямоугольные СЛАУ. Метод Гаусса.		2	5	7	
2.3.	Однородные СЛАУ.			5	5	
	Раздел 3. Элементы векторной алгебры.					
3.1.	Геометрические векторы на плоскости и в пространстве.	1		4	5	УК-1 ОПК-1
3.2.	Аффинная система координат.		1	5	6	
3.3.	Скалярное произведение векторов.			5	5	
	Раздел 4. Линейные пространства.					
4.1.	Базис и размерность линейного пространства.	1	1	5	7	УК-1 ОПК-1
4.2.	Примеры линейных пространств.			5	5	
	Раздел 5. Элементы аналитической геометрии. Комплексные числа.					
5.1.	Прямая и плоскость.	2		5	7	УК-1
5.2.	Кривые второго порядка.		1	5	6	
5.3.	Комплексные числа и действия над ними.			5	5	
	Контрольная работа			18	18	УК-1
	Экзамен			9	9	УК-1 ОПК-1
	Итого	6	6	96	108	

Учебная деятельность состоит из лекций, практических занятий, самостоятельной работы, контрольной работы.

3.1. Содержание отдельных разделов и тем

Раздел 1. Матрицы и определители.

Тема 1.1. Элементы матричной алгебры.

Определение матрицы и основные виды матриц. Линейные операции над матрицами. Транспонирование матриц. Умножение матриц. Элементарные преобразования. Понятие линейной зависимости и независимости строк (столбцов) матрицы. Строчная эквивалентность матриц. Невырожденная матрица.

Тема 1.2. Определители.

Определители матриц 2-го и 3-го порядков. Формула Лапласа. Свойства определителя. Вычисление определителя методом Гаусса. Критерий невырожденности матрицы в терминах определителя.

Тема 1.3. Ранг матрицы. Обратная матрица.

Ранг матрицы. Вычисление ранга методом элементарных преобразований. Связь ранга квадратной матрицы с невырожденностью. Обратная матрица. Необходимое и достаточное условие существования обратной матрицы (связь обратимости с невырожденностью). Методы поиска обратной матрицы. Решение матричных уравнений вида $AX = B$.

Раздел 2. Системы линейных алгебраических уравнений.

Тема 2.1. Основные понятия. Квадратные СЛАУ.

Понятие о системах линейных алгебраических уравнений (СЛАУ) и их виды. Решение квадратных СЛАУ методом Крамера и методом обратной матрицы. Критерий существования нетривиальных решений однородной квадратной СЛАУ.

Тема 2.2. Прямоугольные СЛАУ. Метод Гаусса.

Метод Гаусса. Метод Жордана-Гаусса. Теорема Кронекера-Капелли и следствия из нее.

Тема 2.3. Однородные СЛАУ.

Критерий существования нетривиальных решений в терминах ранга. Фундаментальная система решений однородной системы. Общее решение однородной СЛАУ. Структура общего решения неоднородной СЛАУ.

Раздел 3. Элементы векторной алгебры.

Тема 3.1. Геометрические векторы на плоскости и в пространстве.

Основные понятия и свойства векторов. Линейные операции над векторами. Угол между векторами. Ориентация векторов на плоскости и в пространстве. Проекция вектора.

Тема 3.2. Аффинная система координат.

Линейная зависимость векторов. Базис на плоскости и в пространстве. Аффинная система координат на плоскости и в пространстве. Декартова прямоугольная система координат. Линейные операции над векторами в координатной форме.

Тема 3.3. Скалярное произведение векторов.

Скалярное произведение и его свойства. Вычисление скалярного произведения в ортонормированном базисе. Критерий ортогональности векторов.

Раздел 4. Линейные пространства.

Тема 4.1. Базис и размерность линейного пространства.

Понятие линейного пространства. Линейная зависимость системы векторов и ее геометрический смысл. Базис и размерность линейного пространства. Координаты вектора в данном базисе. Преобразование координат векторов при замене базиса. Подпространства линейного пространства.

Тема 4.2. Примеры линейных пространств.

Пространство геометрических векторов. Пространство матриц размерности $n \times m$. Арифметическое линейное пространство. Пространство решений однородной СЛАУ. Пространство многочленов.

Раздел 5. Элементы аналитической геометрии. Комплексные числа.

Тема 5.1. Прямая и плоскость.

Общее уравнение прямой на плоскости. Уравнение прямой с угловым коэффициентом. Уравнения прямой проходящей через данную точку. Уравнение прямой проходящей через две данные точки. Уравнение прямой в отрезках. Точка пересечения прямых. Расстояние между точкой и прямой. Угол между двумя прямыми. Условия параллельности и перпендикулярности прямых. Общее уравнение плоскости. Условия параллельности и перпендикулярности плоскостей. Прямая в пространстве.

Тема 5.2. Кривые второго порядка.

Классификация кривых второго порядка. Канонические уравнения эллипса, гиперболы и параболы.

Тема 5.3. Комплексные числа и действия над ними.

Комплексные числа и действия над ними. Геометрическая интерпретация комплексных чисел. Модуль и аргумент комплексного числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексных чисел. Корни n -ой степени из комплексного числа. Формулировка основной теоремы алгебры.

4. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

4.1. Список основной литературы

1. Бортакровский, А. С. Линейная алгебра в примерах и задачах : учебное пособие / А. С. Бортакровский, А. В. Пантелеев. — 3-е изд., стер. — Москва : ИНФРА-М, 2023. — 592 с. — (Высшее образование: Бакалавриат). - ISBN 978-5-16-010586-4. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.ru/catalog/product/1907364>
2. Шевцов, Г. С. Линейная алгебра: теория и прикладные аспекты : учебное пособие / Г. С. Шевцов. — 3-е изд., испр. и доп. — Москва : Магистр : ИНФРА-М, 2023. — 544 с. — ISBN 978-5-9776-0258-7. — Текст : электронный. — URL: <https://znanium.com/catalog/product/1910872>

4.2. Список дополнительной литературы

1. Рудык, Б. М. Линейная алгебра : учебное пособие / Б. М. Рудык. — Москва : ИНФРА-М, 2023. — 318 с. — (Высшее образование: Бакалавриат). - ISBN 978-5-16-004533-7. — Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/2045820>

4.3. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»

Таблица 3. Перечень информационных ресурсов

№ п/п	Наименование	Адрес
1.	Федеральный портал Российское образование	http://www.edu.ru/
2.	Математическая энциклопедия	http://gufo.me/matenc_a
3.	Сайт Александра Ларина: «Курс высшей математики»	http://alexlarin.net/

4.4. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины и самостоятельной работы

1. Высшая математика: учебно-методическое пособие / Новосиб. гос. аграр. ун-т. Инженер. ин-т; сост.: М.В. Грунина, Р.Т. Бильданов, В.Н. Бабин, С.Н. Бурков. – Новосибирск, 2017.

2. Линейная алгебра: методические указания по самостоятельному изучению дисциплины и выполнению контрольной работы / Новосиб. гос. аграр. ун-т. Инженер. ин-т; сост.: В.Н. Бабин Р.Т. Бильданов, С.Н. Бурков, М.В. Грунина, Е.Ю. Тарсис. – Новосибирск, 2020.

3. Элементы линейной алгебры и аналитической геометрии: учеб.-метод. пособие / Новосиб. гос. аграр. ун-т. Инженер. ин-т; сост.: Р.Т. Бильданов, М.В. Грунина, В.Н. Бабин. – Новосибирск, 2017.

Таблица 4. Перечень лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения

№ п/п	Наименование	Тип лицензии или правообладатель
1.	ALT Linux	ALT Linux
2.	Libre Office (Writer; Calc; Impress; Draw; Math; Base.)	СПО
3.	Microsoft Windows 10	Microsoft
4.	Microsoft Office Prof	Microsoft
5.	Браузер Mozilla Firefox	Mozilla Public License

Таблица 5. Перечень плакатов (по темам), карт, стендов, макетов, презентаций, фильмов и т.д.

№ п/п	Тип	Наименование	Примечание
1.	Видеозапись лекции	Метод Гаусса	https://yadi.sk/i/sZbEEvsaspl4zA
2.	Видеозапись лекции	Ранг матрицы	https://yadi.sk/i/sZbEEvsaspl4zA
3.	Видеозапись лекции	Базис и размерность линейного пространства	https://yadi.sk/i/sZbEEvsaspl4zA
4.	Видеозапись лекции	Геометрический смысл линейной зависимости векторов	https://yadi.sk/i/sZbEEvsaspl4zA
5.	Лекции		5 презентаций на https://bbb.nsau.edu.ru/b/uj3-zdt-jrj

5. Описание материально-технической базы

Таблица 6. Перечень используемых помещений

№ аудитории	Тип аудитории	Перечень оборудования
А-003	Лекционная аудитория: учебная аудитория для занятий лекционного типа, групповых и индивидуальных консультаций.	Компьютер - 1 шт.; проектор BenQ MS616ST; экран проекционный 213x213; усилитель микрофона Audio Force M8; акустическая система - Quest MS 801W - 4 шт.; стационарный микрофон (на "гусиной шее"), микрофон с проводом; веб-камера с микрофоном; интерактивная доска 77" SMARTBORD 680; программное обеспечение (7-Zip 19.00 (x64), Adobe Acrobat Reader DC-Russian, AIMP, doPDF 7.3 printer, Excel, Master PDF Editor 3.6, Microsoft Edge); доска маркерная; доска ученическая; кафедра; тумба под аппаратуру; мебель учебная.
Н-307	Учебная аудитория: аудитория для занятий семинарского типа, групповых и индивидуальных консультаций, проведения текущего контроля и промежуточной аттестации.	Доска ученическая; мебель учебная.

6. Порядок аттестации студентов по дисциплине

Для аттестации студентов по дисциплине используется традиционная система контроля и оценки успеваемости обучающихся.

Форма аттестации – экзамен.

7. Согласование рабочей программы

Соответствует учебному плану, утвержденному Ученым советом ФГБОУ ВО
Университета биотехнологий, протокол от «25» 12 2025 № 10

Рабочая программа обсуждена и утверждена
на заседании кафедры

протокол от «13» января 2026 № 6

Заведующий кафедрой
(должность)

подпись

Бабин В. Н.
ФИО

Председатель учебно-методического
совета (комиссии)
(должность)

подпись

М.А. Чечушкова
ФИО

Рабочая программа обсуждена и соответствует учебному плану,
утвержденному Ученым советом ФГБОУ ВО Университета биотехнологий,
протокол
от « » 20 №

Изменений не требуется/изменения внесены в раздел(-ы):
нужное подчеркнуть

Председатель учебно-методического
совета (комиссии)
(должность)

подпись

ФИО

Рабочая программа обсуждена и соответствует учебному плану,
утвержденному Ученым советом ФГБОУ ВО Университета биотехнологий,
протокол
от « » 20 №

Изменений не требуется/изменения внесены в раздел(-ы):
нужное подчеркнуть

Председатель учебно-методического
совета (комиссии)
(должность)

подпись

ФИО